

Title	Überdeckung ノ Dualität 二就テ
Author(s)	小松, 醇郎
Citation	全国紙上数学談話会. 163 p.354-p.358
Issue Date	1938-08-18
oaire:version	VoR
URL	https://doi.org/10.18910/74644
rights	
Note	

Osaka University Knowledge Archive : OUKA

<https://ir.library.osaka-u.ac.jp/>

Osaka University

715. Überdeckung, Dualität = 就 =

小松 醇郎 (坂大)

K. Reidemeister¹⁾, Überdeckung,

Zellenraum / 場合 = 擴張 シタコト がアル²⁾ が、
 是ハ尚一般ニスルコトが出来ル。Dualität / 關係ハ
 矢張り成立スル。小平氏ノ論文³⁾ / Allgemeine
 Algebraische Zellenkomplex = 條件一ツツ
 ケタモ、アツル。

① D: Zellenraum im Tuckerschen Sinne.

a_i^k : Element von D, k 之 Dimension.

各元 a_i^k / Koordinatengruppe (Koeffi-
 zientenbereich) J_i^k 之 Discrete, Abel-
 sche Gruppe. Element = depend π .

α -Überdeckung U_α / 元ハ $\alpha_i^k a_i^k$, $\alpha_i^k \in J_i^k$,

但シ次ノ條件

$$D. J_i^k \text{ 之 } J_j^{k-1} = \text{homomorphe Abbildung}$$

1). K. Reidemeister; Überdeckungen von Kom-
 plexen. Crelle. 173.

2). A. Komatsu; Über die Dualitätssätze der Über-
 deckungen. Jap. Jour. of Math. 8. 是ハ少
 シ誤カアツタ。Duality / 証明ハ關係ガ無イガ。§2
 / Lemma, ring isomorph $\neq + 1$.

3) K. Kodaira; Über den Allgemeinen
 Zellenbegriff und die Zellenzerspal-
 tungen der Komplexe. Proc. Imp. Acad. 14.

$$\gamma_{ij}^k \neq 0.$$

$$2) \quad a_i^k \neq a_j^{k-1} + \dots \Rightarrow \gamma_{ij}^k = 0.$$

$$3) \quad \sum_i \gamma_{ij}^k \gamma_{ki}^{k+1} = 0$$

$$4) \quad \gamma_{ij}^k \gamma_{ki}^{k+1} = \gamma_{ej}^k \cdot \gamma_{ke}^{k+1}$$

U_n は n -ツ, Zellenraum. Überdeckung,
Homologiegruppe, 定義 n -次, 如シ.

r -次元 Kette $f^r(a_i^r)$ + 11 Funktion, トル
値 n -群, 元

$$f^r(a_i^r) \in J_i^r.$$

$$u\text{-Rand: } g_u f^r = f^{r-1}(a_j^{r-1}) = \sum_i \gamma_{ij}^r f^r(a_i^r)$$

Betti 群. $B_u^r(D)$, 定義 n -通例ト同ジ.

② 此, $U_n = \text{dual} + \text{Überdeckung } U_0$ へ,
 a_i^k , Koordinatengruppe O_j^k J_i^k , Chara-
kterengruppe.

$$U_0 \text{ 1 元 } y_i^k a_i^k, y_i^k \in O_j^k.$$

且ツ 1), O_j^{k-1} $O_j^k = \text{homomorphe (stetig)}$

Abbildung \bar{f}_{ji}^k あり.

但シ此, \bar{f}_{ji}^k n -商, $\gamma_{ij}^k = \text{對應トル奴}$ ¹⁾

i) 1. Komatu: 前出. §2. Lemma. 對應 α ヲツテ Gruppe トレテ
isomorph. 積, operation $\gamma_1 \gamma_2 \rightarrow \bar{\gamma}_2 \bar{\gamma}_1$.

U_n と同様の性質 2), 3), 4) は $\gamma_{ij}^k = \delta_{ij}^k$ であることに対応する $\bar{\gamma} = \delta$ である。

r 次元 Kette. $h^r(a_i^r)$

$$h^r(a_i^r) \in \mathcal{O}_i^r$$

$$0\text{-hand: } g_h^r = h^{r+1}(a_h^{r+1}) = \sum_i \bar{\gamma}_{ih}^{r+1} h^r(a_i^r).$$

Betti群 $B_0^r(D)$. 同様.

③ 上, 加 U_n, U_0 をトレース $B_{\text{tr}}^r(D)$, $B_0^r(D)$ は互に Charakterengruppe. 証明は前 1) と同様.

④ 特別, Zellenraum 及び特別, Gruppe \mathcal{I}_i^r については ③, Dualität, 関係は普通, Komplex, Dualität から出る. 即ち

小平氏, 論文, 2. Allgemeine Zellenzerlegung $K \rightarrow D$ が特 =

$$[x_i^r : x_j^{r-1}] [x_j^{r-1} : x_k^{r-2}] = [x_i^r : x_h^{r-1}] [x_h^{r-1} : x_k^{r-2}]$$

する条件を充たす / する

$$B_u^r(K) \approx B_u^r(D).$$

茲 = $B_u^r(D)$ は D の u -Überdeckung, Homologiegruppe である. Obere Homologiegruppe 同様 =

$$B_0^r(K) \approx B_0^r(D).$$

Komplex K , 普通, Homologiegruppe
 $B_u^r(K)$, $B_o^r(K)$ は互に Charaktergroup. 従って
 Überdeckung $\rightarrow \leftarrow$.